



Universidad Simón Bolívar
Departamento de Matemáticas
Puras y Aplicadas
Septiembre - Diciembre 2003

Nombre: _____

Carnet: _____ Sección: _____

MA-1121 DE HONOR—Segundo parcial , 2003 —

Cada ejercicio vale 10 puntos. Justifique sus afirmaciones.

Se corregirá sobre 4 ejercicios elegidos por usted.

1. Considere la función

$$f(x) = \frac{x^3 + 1}{x}$$

- Determine los intervalos de crecimiento y decrecimiento de $f(x)$
- Estudie la convexidad (hacia arriba y hacia abajo) de $f(x)$ y los puntos de inflexión
- Determine los extremos locales y globales de $f(x)$
- Estudie el comportamiento asintótico de $f(x)$ ($x \rightarrow +\infty$ y $x \rightarrow -\infty$)
- Dibuje una gráfica de f que refleje los resultados de su investigación en a), b), c), y d)

2. Calcule los límites

a) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + x \sin x} - \cos x}{\sin^2 \frac{x}{2}}$

b) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - 1 + \frac{x^2}{2}}{x^4}$

- Dada la base $b > 0$ y el área $a > 0$ de un triángulo, encuentre el de perímetro mínimo.
- Demuestre que si $f(x)$ es derivable para todo $x \in \mathbb{R}$ y si hay un número $k > 0$ tal que $f(x) \geq k$ para todo $x \in \mathbb{R}$ entonces $f(x)$ no puede ser superiormente acotada.
- Sea $P(x)$ un polinomio. Demuestre que si P es divisible por $(x - a)^2$, entonces $P'(a) = 0$. Recíprocamente, si $P(a) = P'(a) = 0$, pruebe que $P(x)$ es divisible por $(x - a)^2$.